

7 Réponse A.

On étudie la différence $e(x) = f(x) - g(x)$.

$$e(x) = (-x^3 - 6x) - (x^2 - 3x - 18) = -x^3 - 6x - x^2 + 3x + 18 = -x^3 - x^2 - 3x + 18.$$

On a ainsi $e'(x) = -3x^2 - 2x - 3$.

Le discriminant de e' est $\Delta = (-2)^2 - 4 \times (-3) \times (-3) = -32$.

$\Delta < 0$ donc $e'(x)$ reste toujours du signe du coefficient de x^2 , qui est -3 , donc négatif.

Donc e est décroissante sur \mathbb{R} .

Or $e(2) = 0$.

Donc $e(x) \geq 0$ sur $] -\infty ; 2]$.

Donc $f(x) - g(x) \geq 0$ sur $] -\infty ; 2]$.

Ou encore : $f(x) \geq g(x)$ sur $] -\infty ; 2]$.

Donc \mathcal{C}_f est au-dessus de \mathcal{C}_g sur $] -\infty ; 2]$.