

162 $\ln(x)$ existe si et seulement si $x > 0$.

Pour x appartient à $]0 ; +\infty[$, $2\ln(x) - 1 > 0$ équivaut à $2\ln(x) > 1$ soit à $\ln(x) > \frac{1}{2}$ et à $x > e^{\frac{1}{2}}$

donc à $x > \sqrt{e}$.

Pour x appartient à $]0 ; +\infty[$, $4 - \ln(x) > 0$ équivaut à $-\ln(x) > -4$ soit à $\ln(x) < 4$ et à $x < e^4$.

On peut alors dresser le tableau de signes de $(2\ln(x) - 1)(4 - \ln(x))$.

x	0	\sqrt{e}		e^4	$+\infty$	
$2\ln(x) - 1$		-	0	+	+	
$4 - \ln(x)$		+		+	0	-
$(2\ln(x) - 1)(4 - \ln(x))$		-	0	+	0	-

On en déduit que l'inéquation $(2\ln(x) - 1)(4 - \ln(x)) \leq 0$ a pour ensemble solution :

$]0 ; \sqrt{e}] \cup [e^4 ; +\infty[$.