

142 $\vec{u}(2 ; -2 ; 4)$ est un vecteur directeur de d et $\vec{v}(-1 ; 1 ; 2)$ est un vecteur directeur de d' .
 Puisque, $x_{\vec{u}} = -2 x_{\vec{v}}$ mais $z_{\vec{u}} \neq -2 z_{\vec{v}}$, les vecteurs \vec{u} et \vec{v} ne sont pas colinéaires.
 Ainsi, les droites d et d' ne sont pas parallèles.

On recherche si ces droites sont sécantes en résolvant le système
$$\begin{cases} 1 + 2k = 2 - t \\ -2k = 3 + t \\ -2 + 4k = 1 + 2t \end{cases}.$$

Ce système équivaut à
$$\begin{cases} t + 2k = 1 \\ -t - 2k = 3 \\ -2t + 4k = 3 \end{cases}.$$

On extrait les deux premières équations et on résout le système obtenu :

$$\begin{cases} t + 2k = 1 \\ -t - 2k = 3 \end{cases} \text{ qui équivaut à } \begin{cases} t + 2k = 1 \\ t + 2k = -3 \end{cases}.$$

Puisque l'expression $t + 2k$ ne peut pas être en même temps égale à 1 et à -3 , on en déduit que ce système n'a pas de solution.

Puisque les droites d et d' ne sont ni sécantes, ni parallèles, elles ne sont donc pas coplanaires.