

107. a. Pour tout réel x , $g'(x) = 3x^2 - 4x - 4$.

b. Pour tout réel x ,

$$(x-2)(3x+2) = 3x^2 + 2x - 6x - 4 \\ = 3x^2 - 4x - 4$$

Or $g'(x) = 3x^2 - 4x - 4$

Donc $g'(x) = (x-2)(3x+2)$

c. $x-2 \geq 0$ équivaut à $x \geq 2$.

$3x+2 \geq 0$ équivaut à $3x \geq -2$ et donc à $x \geq -\frac{2}{3}$.

D'où le tableau de signes de $f'(x)$ ci-dessous.

x	$-\infty$	$-\frac{2}{3}$	2	$+\infty$	
$x-2$	-	-	0	+	
$3x+2$	-	0	+	+	
$g'(x)$	+	0	-	0	+

Donc g est croissante sur $]-\infty ; -\frac{2}{3}]$ et sur $[2 ; +\infty[$ car g' est positive sur chacun de ces intervalles ; et g est décroissante sur $[-\frac{2}{3} ; 2]$ car g' est négative sur cet intervalle.

On peut construire le tableau de variation de g :

x	$-\infty$	$-\frac{2}{3}$	2	$+\infty$	
$g'(x)$	+	0	-	0	+
$g(x)$		$\frac{67}{27}$		-7	