

34. a. $f'(x) = 2x - 4 \times 1 + 0 = 2x - 4$

b. $2x - 4 \leq 0$ équivaut à $2x \leq 4$ et donc à $x \leq 2$.

Ainsi, $f'(x) \leq 0$ sur $[0 ; 2]$, et par suite, $f'(x) \geq 0$ sur $[2 ; 3]$.

On en déduit les variations de f : f est décroissante sur $[0 ; 2]$ et croissante sur $[2 ; 3]$.

On construit le tableau de variation de f et on le complète en calculant l'image de 0, de 2 et de 3 par f :

$$f(0) = 0^2 - 4 \times 0 + 1 = 1 ;$$

$$f(2) = 2^2 - 4 \times 2 + 1 = 4 - 8 + 1 = -3 ;$$

$$f(3) = 3^2 - 4 \times 3 + 1 = 9 - 12 + 1 = -2.$$

| | | | |
|---------|---|----|----|
| x | 0 | 2 | 3 |
| $f'(x)$ | - | 0 | + |
| $f(x)$ | 1 | -3 | -2 |

c. Le minimum de f sur $[0 ; 3]$ est -3 . Il est atteint en $x = 2$.