

**131.** 1 est racine du polynôme  $f(x) = -x^2 - 11x + 12$ , car  $-1^2 - 11 \times 1 + 12 = 0$ .

Puisque 1 est racine de ce polynôme, et puisque le coefficient de  $x^2$  est -1, ce polynôme se factorise sous la forme :  $f(x) = -(x - 1)(x - x_2)$ .

On calcule :  $f(0) = -0^2 - 11 \times 0 + 12 = 12$ .

D'autre part, on calcule  $f(0)$  avec l'expression factorisée :  $f(0) = -(-1) \times (-x_2) = -x_2$ .

Ainsi :  $-x_2 = 12$ , soit  $x_2 = -12$ .

On obtient la forme factorisée de  $f(x)$  :  $f(x) = -(x - 1)(x + 12)$ .

Pour résoudre l'inéquation  $-x^2 - 11x + 12 > 0$ , on fait un tableau de signes, e, n'oubliant pas une ligne relative au signe de -1.

<b>x</b>	$-\infty$	-12	1	$+\infty$	
<b>-1</b>	-	-	-	-	
<b>x - 1</b>	-	-	0	+	
<b>x + 12</b>	-	0	+	+	
<b>f(x)</b>	-	0	+	0	-

On étudie pour cela le signe de  $x - 1$  et celui de  $x + 12$ .

$x - 1 \geq 0$  équivaut à  $x \geq 1$ .

$x + 12 \geq 0$  équivaut à  $x \geq -12$ .

On utilise la dernière ligne du tableau pour déterminer les valeurs de  $x$  telles que  $-x^2 - 11x + 12$  est strictement positif.

Cette inéquation a pour ensemble solution  $]-12 ; 1[$ .