

**104. 1.** Pour tracer la courbe de la fonction carré, notée  $f$  ici, on peut dresser un tableau de valeurs comme celui-ci-dessous :

$x$	-3	-2	-1	0	1	2	3
$x^2$	9	4	1	0	1	4	9

On place les sept points dont les coordonnées  $(x ; x^2)$  sont données par le tableau. Voir le graphique ci-dessous.

**2.** La tangente  $T$  passe par le point de  $C_f$  d'abscisse  $-1$ , qu'on note  $A$  et qu'on place dans le repère. Pour tracer cette droite  $T$ , il nous faut un deuxième point, qu'on obtient en utilisant la valeur de la pente.

Or, cette pente est égale à  $f'(-1)$ .

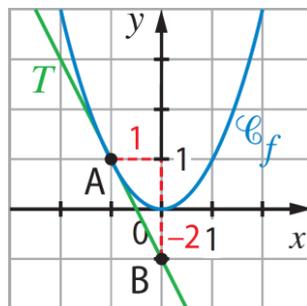
On sait que pour tout réel  $x$  de l'intervalle  $[-3 ; 3]$ ,  $f(x) = x^2$  donc  $f'(x) = 2x$ .

Ainsi,  $f'(-1) = 2 \times (-1)$  soit  $f'(-1) = -2$ .

Donc la pente de  $T$  est égale à  $-2$ .

Ainsi, à partir de  $A$ , on obtient un deuxième point, qu'on notera  $B$ , en « se déplaçant » d'une unité vers la droite, parallèlement à l'axe des abscisses, puis de deux unités vers le bas, parallèlement à l'axe des ordonnées.

Une fois le point  $B$  placé, on peut tracer  $T$  (voir graphique ci-contre).



Pour déterminer une équation de  $T$ , on peut utiliser la formule générale de l'équation d'une tangente (voir page 108 du manuel).

La droite  $T$  est la tangente à la courbe représentative de  $f$  au point d'abscisse  $-1$ , donc  $T$  admet pour équation :  $y = f(-1) + f'(-1)(x - (-1))$ , soit  $y = f(-1) + f'(-1)(x + 1)$ .

On a  $f(-1) = (-1)^2 = 1$  et  $f'(-1) = -2$ .

Donc  $T$  a pour équation  $y = 1 + (-2) \times (x + 1)$ , soit  $y = 1 - 2x - 2$ , c'est-à-dire  $y = -2x - 1$ .